



ALGEBRA Y GEOMETRÍA ANALÍTICA CARACTERÍSTICAS DE LA ASIGNATURA

PLAN DE ESTUDIOS	2006
ORDENANZA CSU. Nº	1114
OBLIGATORIA	•
ELECTIVA	
ANUAL	•
PRIMER CUATRIMESTRE	
SEGUNDO CUATRIMESTRE	
NIVEL / AÑO	1
HORAS CÁTEDRA SEMANALES	5

OBJETIVO GENERAL:

Formar al alumno en el álgebra lineal básica que es utilizada en las aplicaciones.

• Entrenar al alumno en el uso de paquetes computacionales especializados que

permitan realizar las operaciones involucradas minuto

Lograr una exposición motivada del agebra, excluyendo toda presentación meramente axiomática.

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTORA DIRECCION ACADEMICA

U.T.N. F.A.L.F.





CONTENIDOS SINTÉTICOS:

Algebra:

- Vectores y Matrices. Operaciones básicas
- Algebra de Matrices: matriz inversa, partición de matrices.
- Ejemplos motivadores: cadenas de Markov, modelos de crecimiento de poblaciones, planificación de producción u otros.
- Sistemas de ecuaciones lineales. Métodos de solución.
- La noción de cuadrados mínimos en el estudio de sistemas lineales.
- La matriz pseudoinversa.
- · Introducción motivada a los espacios vectoriales.
- Independencia lineal, bases y dimensión.
- Matrices y transformaciones lineales.
- · Autovalores y autovectores.
- Diagonalización. Transformaciones de similaridad.
- Norma de vectores y matrices.
- Producto interno y ortogonalidad.
- Producto lineal.
- Computación numérica y simbólica aplicada al álgebra.

Geometría:

- Rectas y planos.
- Dilataciones, traslaciones, rotaciones.
- Cónicas, cuadráticas.
- Ecuaciones de segundo grado en dos y tres variables.
- Curvas paramétricas.
- Coordenadas polares, cilíndricas, esféricas CION ACADEMICA Computación gráfica, numérica y simbelica. FIEL DEL ORIGINAL

incluirán

Comentarios: Los trabajos prácticos

MARIA EUGENIA LAVORATTO

DIRECTORA DIRECCION ACADEMICA

resolución de problemas en





computadoras, usando paquetes computacionales especiales.

OBJETIVOS ESPECÍFICOS Y CONTENIDOS ANALITICOS

UNIDAD TEMÁTICA Nº 1: Sistemas de Coordenadas.

OBJETIVOS:

Introducir al alumno en las representaciones gráficas de líneas en el plano y de superficies en el espacio ordinario, cambios de sistemas de coordenadas y verificación de los resultados mediante el uso de paquete computacional.

CONTENIDOS:

Sistemas de coordenadas cartesianas rectangulares y polares en el plano. Sistemas de coordenadas cartesianas rectangulares, polares cilíndricas y esféricas en el espacio ordinario. Ejemplos de aplicación.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 2: Números Complejos.

OBJETIVOS:

Ampliar el concepto de número y posibilitar el entendimiento de las resoluciones de ecuaciones de orden superior como así también acostumbrar al estudiante en el uso de números complejos que se utilizará en las aplicaciones en las áreas técnicas posteriores.

CONTENIDOS:

La representación cartesiana en el espacio bidimensional. Par ordenado. Definición de número complejo. La unidad imaginaria. Sus potencias A propiedades. Forma binómica de un complejo. Los números reales complejos operaciones algebraicas. Complejo conjugado. Representación cartesiana y vectorial. Operaciones. Sistemas de representación potar. Forma polar de los complejos:

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTURA DIRECCION ACADEMICA U.I.N. ERLER.





producto, potencia y cociente. Fórmula de De Moivre. Raíz n-sima de un complejo. Raíces primitivas de la unidad. Forma exponencial de los complejos.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 3: Combinatoria.

OBJETIVOS:

Dar herramientas que se utilizarán en el estudio posterior de Determinantes, etc. Como así también en el estudio de la asignatura Probabilidades y Estadísticas.

CONTENIDOS:

Función factorial. El número combinatorio. Variaciones, Combinaciones y Permutaciones Simples. Variaciones, Combinaciones con repetición. Permutaciones con elementos indistinguibles. El binomio de Newton para el desarrollo de potencia de un binomio.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 4: Algebra Vectorial.

OBJETIVOS:

Introducir al alumno en la necesidad de uso de diferentes tipos de magnitudes usadas en la técnica. Facilitar a la asignatura Física I el uso del álgebra de las magnitudes vectoriales.

CONTENIDOS:

Magnitudes escalares y vectoriales. Vectores fijos, deslizantes y libres. Equipolencia. Igualdad de vectores. Operaciones: suma, propiedades. Diferencia. Producto de un vector por un escalar; propiedades. Expresión de un vector en coordenadas cartesianas, en el plano y en el espacio tridimensional. Módulo de un vector. Ángulos y cosenos directores. Noción de versor. Producto escalar entre pos Avectores: definiciones y propiedades. Angulo entre dos vectores. Condiciones per parallellismo y de perpendicularidad. Producto vectorial: definición y propiedades. Interpretación geométrica del módulo del producto vectorial. Producto mixto: definición y

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTORA DIRECCION ACADEMICA U.T.N. F.R.L.P.





propiedades. Interpretación geométrica. Condición de coplanaridad entre tres vectores.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 5: Recta y Plano.

OBJETIVOS:

Siendo la recta y el plano ecuaciones lineales en dos y tres variables, son de amplísima utilización en Ingeniería. Por lo que los problemas que se explicarán en las clases deben estar enfocados al uso de este tipo de interpretación y por ende se requiere poder conformar las ecuaciones a partir de los datos de la realidad.

CONTENIDOS:

La recta en el plano: su determinación. Distintas formas de la ecuación de la recta a partir de la forma vectorial. Ángulos, números y cosenos directores. Angulo entre rectas. Condiciones de paralelismo y de perpendicularidad. Distancia de punto a recta. Ecuación en coordenadas polares.

El plano: su determinación. Distintas formas de la ecuación del plano a partir de la ecuación vectorial: forma general o implícita, forma segmentaria, forma normal. Distancia de un punto a plano. Posiciones relativas de un plano respecto del origen de coordenadas, de los ejes y de los planos coordenados. Angulo entre dos planos. Condiciones de paralelismo y de perpendicularidad entre planos.

La recta en el espacio tridimensional: distintas formas de su ecuación a partir de la ecuación vectorial; ecuaciones paramétricas, ecuaciones cartesianas simétricas. Recta por dos puntos, casos particulares. La recta dada como intersección de planos: obtención de las ecuaciones cartesianas simétricas. Planos proyectantes de una recta. Angulo entre rectas; condiciones de paralelismo y de perpendicularidad.

Distancia entre punto y recta. Angulo entre recta y plano; condiciones de paralelismo y de perpendicularidad. Intersección entre recta plano.

DIRECT TOTAL PROPERTY OF A





Posiciones relativas entre rectas del espacio: análisis de las distintas posibilidades; obtención de la intersección. Distancia: entre rectas alabeadas. Distancia de punto a recta.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 6: Espacios Vectoriales.

OBJETIVOS:

Llevar al alumno a interpretar por abstracción más allá de la dimensión tres y dar las herramientas necesarias para entender los espacios soluciones de los sistemas de ecuaciones lineales.

CONTENIDOS:

Leyes de composición Interna y externa. Propiedades. Definición de espacio vectorial. Combinaciones lineales. Dependencia e independencia lineal. Base y dimensión de un espacio vectorial. Cambio de base. Proceso de ortonormalización de bases.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 7: Matrices y Determinantes.

OBJETIVOS:

Esta unidad temática es la base para comprender la resolución de los sistemas de ecuaciones lineales y el entendimiento del uso de los Software específicos de resolución de sistemas de ecuaciones lineales.

CONTENIDOS: Ejemplos motivadores como cadenas de Marcov y otros. Matrices: definición. Criterio de Igualdad. Adición de matrices: propiedades. Producto de una matriz por un escalar: propiedades. Matrices particulares: diagonal, escalar, identidad, traspuesta, simétrica, antisimétrica. Producto de matrices. Definición de matriz inversa. Producto. Rango de un conjunto de vectores. Rango fila y rango columna.

Rango o característica de una matriz. DIRECCION ACADEMICA

Determinantes: definición. Menor complementario. Adjunto o coractor. Desarrollo de un determinante por los elementos de una mea. Propiedades de los determinantes.

Cálculo de un determinante mediante la reducción de su orden.

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTURA DIRECCION ACADEMICA U.T.N. ERICIR





Matriz Adjunta o matriz cofactor. Obtención de la matriz inversa utilizando la matriz Adjunta. Operaciones elementales en una matriz. Obtención del rango utilizando operaciones elementales. Matrices elementales. Su equivalencia con las operaciones elementales. Obtención de la matriz inversa mediante operaciones elementales.

UNIDAD TEMÁTICA Nº8: Sistemas de Ecuaciones Lineales.

OBJETIVOS:

Esta unidad temática está destinada al aprendizaje de la resolución de sistemas de ecuaciones lineales por medio de habilidades en sistemas de hasta 3 por 3 y pasar luego a utilizar software especializado para la resolución de grado superior y para aquellos sistemas que en la realidad deben tener solución aunque por los errores naturales de las mediciones no cierran exactamente para resolverlos como compatibles.

CONTENIDOS: Notación matricial de un sistema de ecuaciones lineales. Obtención de la solución por inversión de matrices. Regla de Cramer. Método de Gauss Jordan. Sistemas Lineales de orden n x m. Análisis de compatibilidad. Teorema de Rouché Frobenius. Sistemas lineales homogéneos. Tipos de compatibilidad. Resolución aproximada de sistemas incompatibles. Cuadrados mínimos. La matriz pseudoinversa.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 9: Transformaciones Lineales.

OBJETIVOS:

Esta unidad temática está destinada a interpretar y trabajar algebraicamente las transformaciones que se realizarán en las figuras del plano del espacio en geometría analítica al realizarse las traslaciones y las totaciones.

DIRECCION ACADEMICA

MARIA EUGENIA LAVORATTO
DIRECTORA
DIRECTORA





CONTENIDOS:

Transformaciones Lineales. Definición. Propiedades. Núcleo e imagen de una transformación lineal. Matriz asociada a una transformación lineal. Matriz del cambio de base. Semejanza de Matrices. Autovalores y autovectores. Diagonalización. Matriz asociada a una base de autovectores. Diagonalización de una Matriz simétrica. Propiedades. Norma de vectores y matrices.

UNIDAD TEMÁTICA Nº 10: Las Cónicas.

OBJETIVOS:

El objetivo de esta unidad temática es el conocimiento general de las cónicas y su reconocimiento a través de la ecuación general de 2do. Grado en 2 variables.

CONTENIDOS:

Definición general de las cónicas. Expresiones canónicas de la circunferencia, la elipse la hipérbola y la parábola; elementos y construcciones. Recta tangente a una cónica por un punto perteneciente o no a la misma. Ecuaciones paramétricas y polares de las cónicas. Traslación y rotación de ejes en el plano. Matriz de rotación. Las cónicas con centro o vértice desplazado. Elementos de las mismas.

Ecuación general de las cónicas desplazadas: obtención a partir de la misma de las ecuaciones canónicas. La ecuación general de segundo gradol en dos variables INAL Existencia y justificación conceptual del término rectangular. Aplicaciones del proceso de diagonalización: identificación de una conica y obtención de la forma canónica mediante el uso de Invariantes.

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTORA UIRECCIÓN ACADÉMICA U.T.N. F.R.L.P.





UNIDAD TEMÁTICA Nº 11: Superficies y Líneas en el Espacio.

OBJETIVOS:

El objetivo de esta unidad temática es el de poder interpretar las formas de las distintas superficies y líneas en el espacio.

CONTENIDOS:

Superficie. Definición. Análisis y discusión de la ecuación general de segundo grado en tres variables. Conceptualización del problema de obtención de las formas canónicas a partir de la ecuación general. Superficies de revolución. Superficies Cilíndricas. Superficies Cónicas. Estudio de las Cuádricas: Elipsoide, los Hiperboloides de una y dos hojas, los Paraboloides elíptico e hiperbólico. Ecuaciones de líneas en el espacio tridimensional.

BIBLIOGRAFÍA

- Algebra I y II. Autor: Armando Rojo. Editorial: El Ateneo. Edición: 1996.
- Algebra y Geometría Analítica. Autor: Héctor Di Caro. Editorial: Reverté. Edición: 1994.
- Geometría Analitica vectorial y matricial. Autor: Lic. Albino de Sunkel. Editorial: Nueva librería.
- Geometría Analítica. Autor: Joseph Kindler. Editorial: McGraw-Hill.







ACTIVIDADES DE PROYECTO Y DISEÑO:

Descripción teórica: 160 HS.

CARACTERÍSTICAS DE LA ACTIVIDAD CURRICULAR

DESCRIPCIÓN

Esta es una asignatura totalmente formativa del alumnado y es necesario la ejercitación grupal de ellos para el desarrollo adecuado del programa analítico que cumple con los Contenidos Sintéticos de la misma.

MODALIDAD DE LA ENSEÑANZA

En todas las unidades temáticas se iniciarán con una introducción expositiva del docente a cargo, con ejemplos motivadores, incitando a la participación activa del alumnado para lograr el desarrollo de los temas y en particular en la realización de ejercitaciones prácticas.

El desarrollo general de la materia, se realiza con clases teórico-prácticas. Para lo cual se dispone en la Facultad Regional de los elementos necesarios para ello, a saber: aulas con pizarra, gabinete de computación y software adecuados a la temática.

EVALUACIÓN

La evaluación es mediante el sistema tradicional de dos exámenes parciales con sus respectivos recuperatorios. La revisión de los mismos pueden los alumnos verla en clases posteriores a los efectos de su propia evaluación de eventuales errores en la resolución.

MARIA EUGENIA LAVORATTO DIRECTORA DIRECCION ACADÉMICA U.T.N. F.R.L.P.